

# MIŁOŚĆ W CZASACH ZARAZY

Dr inż. Alina Kondratiuk-Janyska

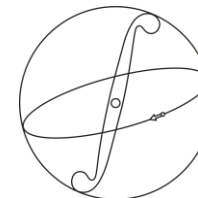
Dr inż. Violetta Lipińska



Politechnika Łódzka



Centrum Nauczania  
Matematyki i Fizyki

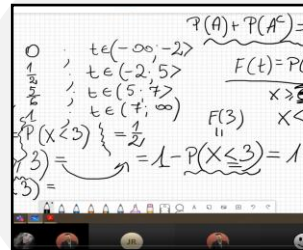


Wydział  
Fizyki Technicznej  
Informatyki  
i Matematyki Stosowanej

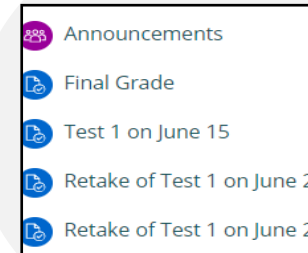
# NARZĘDZIA



**1. MS TEAMS**



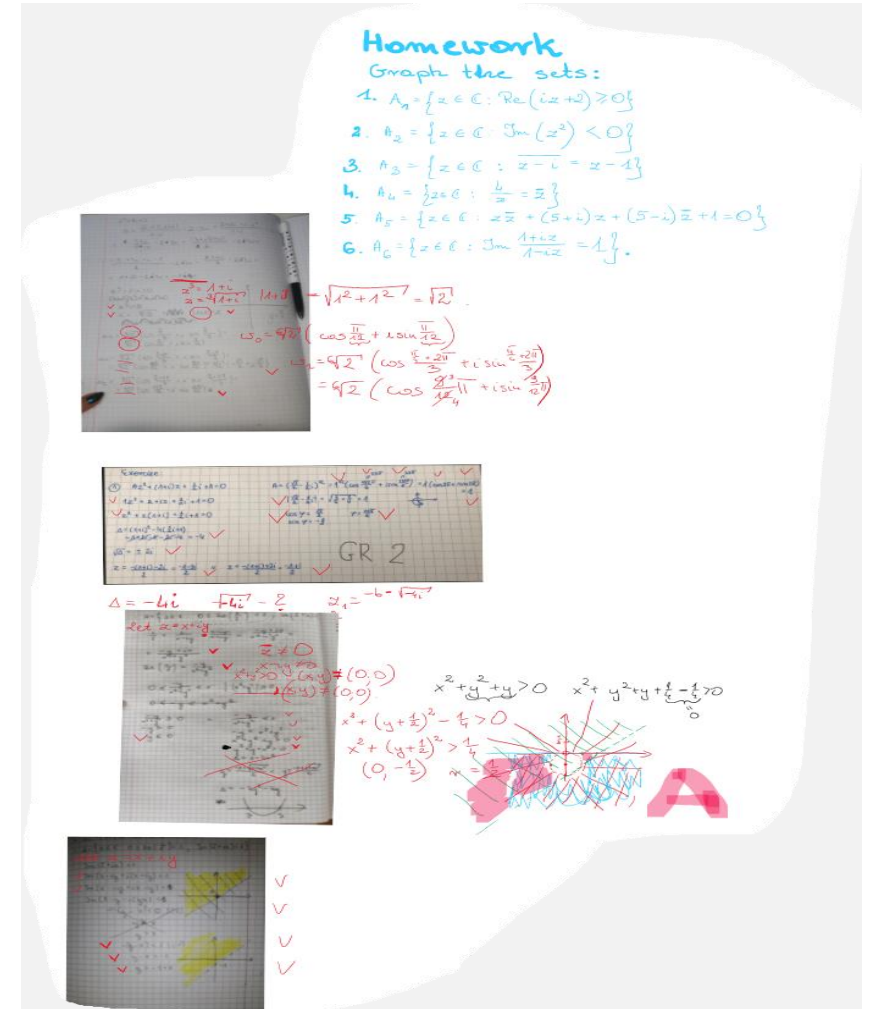
**2. WHITBOARD**



**3. WIKAMP**

# CHARAKTERYZACJA GRUP STUDENCKICH

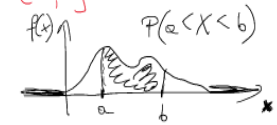
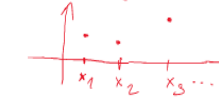
- ✓ studenci polskojęzyczni  $\leftrightarrow$  studenci anglojęzyczni
- ✓ studenci pierwszego roku  $\leftrightarrow$  studenci wyższych lat



# CHARAKTERYZACJA GRUP STUDENCKICH

- ✓ studenci polskojęzyczni  $\leftrightarrow$  studenci anglojęzyczni
- ✓ studenci pierwszego roku  $\leftrightarrow$  studenci wyższych lat

Continuous random variable - is a r.v. with an interval (either finite or infinite) of real numbers for its range.



A probability density function  $f(x)$  can be used to describe the probability distribution of  $X$ .

**Probability Density Function**  
For a continuous random variable  $X$ , a **probability density function** is a function such that

- (1)  $f(x) \geq 0$
- (2)  $\int_{-\infty}^{\infty} f(x) dx = 1$
- (3)  $P(a \leq X \leq b) = \int_a^b f(x) dx = \text{area under } f(x) \text{ from } a \text{ to } b \text{ for any } a \text{ and } b$  (4.1)

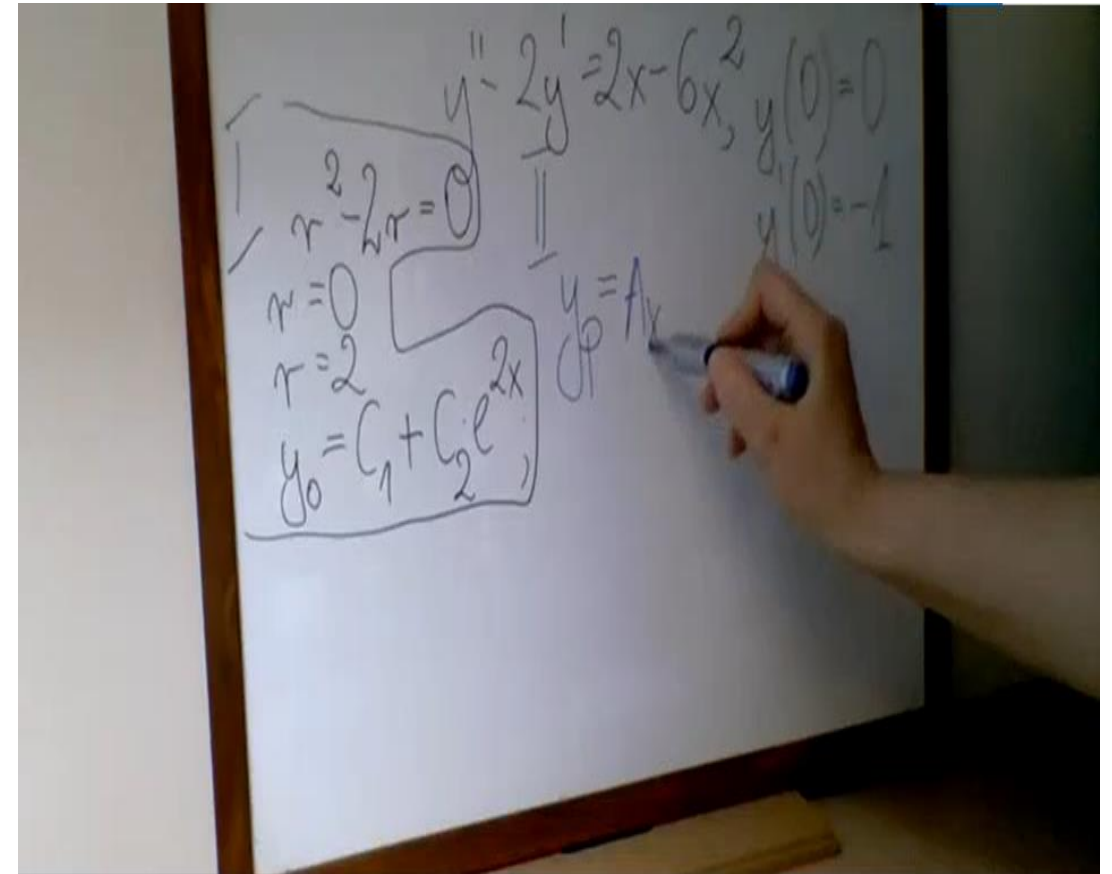
$$P(X=a) = 0 \quad !$$

If  $X$  is a continuous random variable, for any  $x_1$  and  $x_2$ ,

$$P(x_1 \leq X \leq x_2) = P(x_1 < X < x_2) = P(x_1 \leq X < x_2) = P(x_1 < X \leq x_2)$$
 (4.2)

# METODY

- Jigsaw
- Gamifikacja
- Elementy Flipped Education
- Case Teaching



# LOGISTYKA – I ROK

## Tydzień 1

**Ograniczony** Niedostępne, chyba że wszystkie z poniższych warunków są spełnione:

Aktywność **Oświadczenie: karty warunków realizacji przedmiotu** jest oznaczona jako ukończona

[Link do wykładu w dniu 2.03.2021](#)

**Ukryte przed studentami**

Funkcja akumulacji - wykład 1

 Funkcja akumulacji - wykład 1

 Notatki do wykładu 1

Oprocentowanie efektywne i nominalne, zasada równoważności - wykład 2

 Oprocentowanie efektywne i nominalne, zasada równoważności - wykład 2

 Notatki do wykładu 2

Ćwiczenia nr1

 Ćwiczenia 1 - zadania wersja ang

 Ćwiczenia 1, zadania

 Notatki do ćwiczeń 1 (gr.1)

**Ograniczony** Niedostępne, chyba że wszystkie z poniższych warunków są spełnione: Należysz do grupy **Grupa 1 prowadząca dr Violetta Lipińska**

## Tydzień 2

**Ograniczony** Niedostępne, chyba że wszystkie z poniższych warunków są spełnione:

Aktywność **Oświadczenie: karty warunków realizacji przedmiotu** jest oznaczona jako ukończona

[Link do wykładu w dniu 9.03.2021](#)

**Ukryte przed studentami**

Funkcja dyskontująca i intensywność oprocentowania - wykład 3

 Funkcja dyskontująca i intensywność oprocentowania - wykład 3

 Notatki do wykładu 3

Renty o jednostkowych płatnościach - wykład 4

 Renty o jednostkowych płatnościach - wykład 4

 Notatki do wykładu 4 cz1

 Notatki do wykładu 4 cz2

Ćwiczenia nr2

 Ćwiczenia 2 - zadania

 Notatki do ćwiczeń 2 (gr.1)

**Ograniczony** Niedostępne, chyba że wszystkie z poniższych warunków są spełnione: Należysz do grupy **Grupa 1 prowadząca dr Violetta Lipińska**

 Ćwiczenia nr 2: Lekcja z dnia 11.03.2021

# LOGISTYKA – I ROK

Przedmioty > Matematyka > Matematyka dla kierunku LOGISTYKA > Matematyka II-elementy matematyki finansowej 2021 > Tydzień 1 > Funkcja akumulacji - wykład 1

## Funkcja akumulacji - wykład 1

Podgląd Edycja Raporty Oceń eseje

### Modele oprocentowania

- Jeśli na koniec każdego okresu inwestowania naliczane są odsetki tej samej wartości  $i > 0$  oraz te odsetki nie są ponownie oprocentowane, to funkcja akumulacji ma postać

$$a(t) = 1 + i \cdot t \text{ dla } t \geq 0.$$

Mówimy wtedy o prostym modelu oprocentowania przy stopie procentowej  $i$ .

- Jeśli odsetki uzyskane w poprzednim okresie inwestowania są reinwestowane w celu uzyskiwania kolejnych zysków, to funkcja akumulacji ma postać

$$a(t) = (1 + i)^t \text{ dla } t \geq 0.$$

Mówimy wtedy o złożonym modelu oprocentowania przy stopie procentowej  $i$ .

#### Uwaga:

- Wspomniane wyżej modele oprocentowania są najczęściej używanymi modelami w matematyce finansowej.
- Do modeli prostych zalicza się również funkcję  $a(t) = \frac{1}{1-dt}$  określona dla  $d > 0$  oraz  $t \in [0; \frac{1}{d})$  - model prosty oprocentowania przy stopie dyskontowej  $d$ .
- Do modeli złożonych zalicza się również funkcję  $a(t) = (\frac{1}{1-d})^t$  określona dla  $d \in [0; 1)$  oraz  $t \geq 0$  - model złożony oprocentowania przy stopie dyskontowej  $d$ .

Dalej

« POPRZEDNIA AKTYWNOŚĆ  
Link do wykładu w dniu 2.03.2021 (ukryte)

NASTĘPNA AKTYWNOŚĆ  
Notatki do wykładu 1 »

### Nawigacja

- Start
- Kokpit
- Strony
- Moje przedmioty
  - planyFTIMS
  - planyLogistyka
  - AM1 2020-21
  - Analiza matematyczna 1 2021/22
  - AM inf 2020
  - EK
  - Egzamin licencjacki 2020
  - Egzamin licencjacki 2021
  - Egzamin magisterski 2020
  - Egzamin magisterski 2021
  - Więcej...
- Przedmioty
  - Matematyka
    - Kierunek Matematyka I stopień lic.
    - Kierunek Matematyka II stopień mgr
    - Kierunek Matematyka III stopień
    - Praktyki dla kierunku
  - MATEMATYKA
    - Matematyka dla kierunku
    - INFORMATYKA

### Modele oprocentowania

- Jeśli na koniec każdego okresu inwestowania naliczane są odsetki tej samej wartości  $i > 0$  oraz te odsetki nie są ponownie oprocentowane, to funkcja akumulacji ma postać

$$a(t) = 1 + i \cdot t \text{ dla } t \geq 0.$$

liniowa

$$a_1(t) = 1 + 0,2t$$

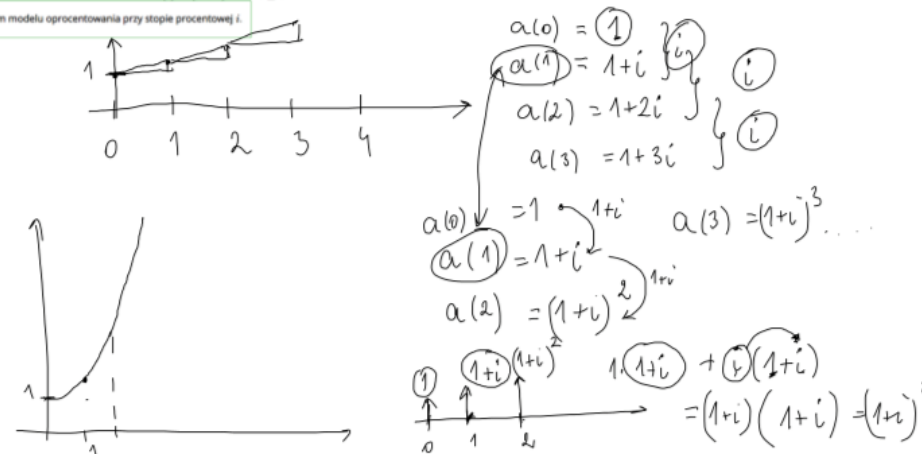
$$a_2(t) = 1 + 0,05t^2$$

Mówimy wtedy o prostym modelu oprocentowania przy stopie procentowej  $i$ .

- Jeśli odsetki uzyskane w poprzednim okresie inwestowania są reinwestowane w celu uzyskiwania kolejnych zysków, to funkcja akumulacji ma postać

$$a(t) = (1 + i)^t \text{ dla } t \geq 0.$$

Mówimy wtedy o złożonym modelu oprocentowania przy stopie procentowej  $i$ .



# LOGISTYKA – I ROK

Test do lekcji nr 5 - obowiązkowy



Dozwolonych podejść: 4

Ten test został zamknięty piątek, 18 czerwca 2021, 00:00

Metoda oceniania: Najwyższa ocena

Podejść: 105

[Powrót do przedmiotu](#)

<input type="checkbox"/>		Wiktor Przeгляд podejścia	Ukończone	15 kwietnia 2021 20:37	15 kwietnia 2021 21:15	38 min. 22 sek.	1,00	✓ 1,00	✗ 0,00	✗ 0,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Wiktor Przeгляд podejścia	Ukończone	15 kwietnia 2021 21:26	15 kwietnia 2021 22:09	43 min. 21 sek.	2,00	✓ 1,00	✗ 0,00	✓ 1,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Igor Przeгляд podejścia	Ukończone	15 kwietnia 2021 10:48	15 kwietnia 2021 10:54	5 min. 57 sek.	2,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✗ 0,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Łukasz Przeгляд podejścia	Ukończone	13 kwietnia 2021 15:36	13 kwietnia 2021 15:56	19 min. 53 sek.	0,00	✗ 0,00	✗ 0,00	✗ 0,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Łukasz Przeгляд podejścia	Ukończone	15 kwietnia 2021 15:21	15 kwietnia 2021 15:41	19 min. 59 sek.	0,00	✗ 0,00	✗ 0,00	✗ 0,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Łukasz Przeгляд podejścia	Ukończone	15 kwietnia 2021 15:45	15 kwietnia 2021 16:01	15 min. 36 sek.	2,00	✗ 0,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Damian Przeгляд podejścia	Ukończone	13 kwietnia 2021 21:40	13 kwietnia 2021 22:02	22 min. 30 sek.	3,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Damian Przeгляд podejścia	Ukończone	13 czerwca 2021 14:25	13 czerwca 2021 15:21	56 min. 2 sek.	2,00	✓ 1,00	✗ 0,00	✓ 1,00	✗ 0,00
<input type="checkbox"/>		Damian Przeгляд podejścia	Ukończone	13 czerwca 2021 15:30	13 czerwca 2021 15:40	9 min. 40 sek.	4,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✓ 1,00	✓ 1,00



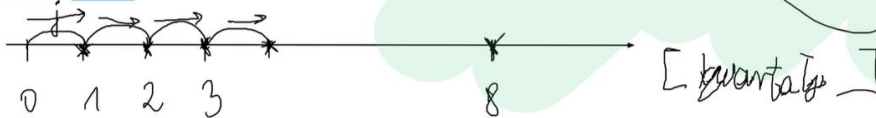
# LOGISTYKA – I ROK

**Zadanie 3.** Bank KORONA udzielił Panu Xiu kredytu w wysokości 25.000 zł na okres 2 lat. Kredyt ma być spłacany metodą równych rat kapitałowych na koniec każdego kwartału. Odsetki od kredytu wyliczane są według efektywnej rocznej stopy procentowej  $i = 5\%$ . Ile wynosi kwota wszystkich wpłaconych odsetek? Odp. 1.380,63 zł

$$K = 25000$$

$$n = 8$$

$$j = \frac{i^{(4)}}{4} =$$



$$\left(\frac{i^{(4)}}{4} + 1\right)^4 = 1 + i$$

$$(1 + j)^4 = 1,05$$

$$j = 1,05^{1/4} - 1$$

Odsetki w racie  
numer  $t$

numer $t$	$I_t$
1	$I_1 = K \cdot \frac{1}{8} \cdot j$
2	$I_2 = K \cdot \frac{2}{8} \cdot j$
3	$I_3 = K \cdot \frac{3}{8} \cdot j$
...	...
$t$	$I_t = K \cdot \frac{t}{8} \cdot j$
...	...
$n$	$I_n = K \cdot \frac{1}{8} \cdot j$

→ ef. kwartalna st. procentowa

$$\begin{aligned} \sum_{t=1}^8 I_t &= I_1 + I_2 + I_3 + \dots + I_8 \\ &= K \cdot \frac{1}{8} j + K \cdot \frac{2}{8} j + K \cdot \frac{3}{8} j + \dots + K \cdot \frac{7}{8} j \\ &= K \cdot j \left( \frac{1}{8} + \frac{2}{8} + \frac{3}{8} + \dots + \frac{7}{8} \right) = K j \frac{28}{8} \approx 1380,63 \end{aligned}$$

# ABIOM – I ROK – JIGSAW

## Chapter 3 - Descriptive Statistics: Summary Numbers

Notes by: *[Signature]*

Descriptive statistics is presenting a mass of data in a more understandable way.

as a form of average or proportions  
 quantities such as quartiles or percentiles  
 measures of variability or spread  
 graphs, histograms, distributions

**Central location** is the centre of a set of data points.

How to describe central location?

a) using **Arithmetic mean** - simply take the sum of numbers used in series, then divide that sum by the count of the numbers.

$$\bar{x} = \mu = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i, \text{ where } N = \text{number of particles}$$

mean of a sample      mean of a population

$$\bar{x} = \frac{1}{N} \sum_{i=1}^N x_i / \cdot N$$

$$N\bar{x} = \sum_{i=1}^N x_i \Rightarrow N\bar{x} - \sum_{i=1}^N x_i = 0 \Rightarrow \sum_{i=1}^N (x_i - \bar{x}) = 0$$

When some results occur more than one, it is easier to take frequencies into account:

$$\bar{x} = \mu = \frac{\sum x_i f_i}{\sum f_i} \Leftrightarrow \bar{x} = \mu = \sum_{i=1}^N x_i \left[ \frac{f_i}{\sum f_i} \right]$$

$\frac{f_i}{\sum f_i}$  - relative frequency of  $x_i$

Example: We toss two coins 15 times, each time we can get 0, 1 or 2 heads. Supposing we get no heads 3 times, one head 7 times, two heads 5 times.

$$\bar{x} = \frac{0 \cdot 3 + 1 \cdot 7 + 2 \cdot 5}{3 + 7 + 5} = \frac{17}{15} = 1.13$$

Limitations: the arithmetic mean is not always ideal, especially when a single value can change the mean by a large amount.

b) using **Geometric mean**:

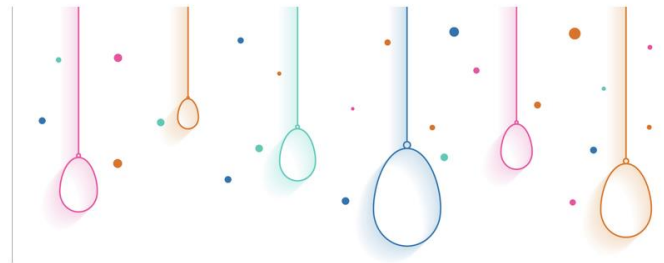
$$\bar{x}_g = \sqrt[n]{x_1 \cdot x_2 \cdot \dots \cdot x_n}$$



# FTIMS – II ROK – CASE

## Tydzień 5

Ograniczony Niedostępne, chyba że wszystkie z poniższych warunków są spełnione: Aktywność Oświadczenie: karta warunków realizacji przedmiotu jest oznaczona jako ukończona



### Case cz.1



# FTIMS – II ROK – CASE

Na Śnieżkę i krasnoludki czyha zła Królowa



Dlatego Śnieżka postanowiła wykupić ubezpieczenie dla siebie i swoich siedmiu kompanów. Nie wie jednak, czy ich budżet jest w stanie pokryć takie ubezpieczenie.

Wiadomo, że wszystkie krasnoludki pracują. Czoro z nich pracuje w kopalni diamentów, jeden jest ogrodnikiem, jeden opowiada bajki i ostatni jest doradcą biznesowym.

Cel zadania:

1. Ustal, w jakim wieku są krasnoludki i Śnieżka (odpowiedzi w zadaniu na WIKAMP-ie).
2. Przeanalizuj ich sytuację finansową: wynagrodzenia, wydatki na mieszkanie i konsumpcję, wydatki na rekreację, itp. (wykaż się wyobraźnią).
3. Oblicz, na jaką wysokość składki są w stanie pozwolić, przy założeniu, że nikt nie pozostanie bez ubezpieczenia (wykaż się przewidywalnością i umiejętnością wyceny kosztów utrzymania).
4. Zaproponuj ubezpieczenia odpowiednie dla Śnieżki i krasnoludków oraz jakie parametry zostaną przyjęte – szczególnie czasy trwania i sumy ubezpieczeń (wykaż się profesjonalizmem).
5. Sporządź opracowanie końcowe (wykaż się estetyką)

# FTIMS – II ROK – CASE

Ile lat ma Śnieżka?



Tyle, ile wynosi wartość oczekiwana w rozkładzie  $N(\mu = 32; \sigma = 0,05)$

Twoja odpowiedź

# FTIMS – II ROK – CASE

Ile lat ma Krasnoludek nr4?



Sto razy tyle, ile  $s(50)$  w populacji z intensywnością  $\mu_x = \frac{1}{100 - x}$  dla  $x \in [0; 100)$

# FTIMS – II ROK – CASE

Numeryczne: Śnieżka

Statystyka klasy

Pytanie:

Ile lat ma Śnieżka?



Tyle, ile wynosi wartość oczekiwana w rozkładzie  $N(\mu = 32; \sigma = 0,05)$

Odpowiedź:

100% wprowadzone.



# FTIMS – II ROK – CASE

Numeryczne: Krasnoludek nr1

Statystyka klasy

Pytanie:

Ile lat ma Krasnoludek nr1?

Dziesięć tysięcy razy tyle, ile wynosi wariancja w rozkładzie  $N(\mu = 32; \sigma = 0,05)$ 

Odpowiedź:

25

95% wprowadzone.

45

5% wprowadzone.

# FTIMS – II ROK – CASE

## Renta

Płatnik	Wiek płatnika	Okres składkowy $h$	Częstotliwość roczna $m$	Stopa procentowa $i$	Wzór renty	Wartość renty
Krasnoludek 1	25	10 lat	12	2%	$\ddot{a}_{25:\overline{10} }^{(12)}$	9,02897343

## Miesięczna składka

Dostępne środki na ubezpieczenia	5028 zł
Obliczona składka	<b>5 024,60 zł</b>

Budżet jest w stanie pokryć to ubezpieczenie.

*Żyli długo i szczęśliwie z wykupianym pełnym pakietem ubezpieczenia*



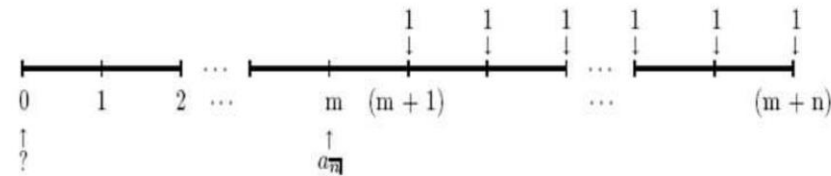
*Za wyjątkiem..... Złej Królowej*



# GT – II ROK – ELEMENTY FLIPPED EDUCATION

## 1. Evaluating the present value more than one period before the first payment date

Consider the question of finding the present value of an annuity-immediate with periodic interest rate  $j$  and  $m+1$  periods before the first payment date.



"?" - Present value

Present value  
of annuity

$$a_{\overline{m}|} \longleftarrow$$

$$a_{\overline{m+n}|} \longleftarrow$$

$$v^m a_{\overline{n}|} \longleftarrow \text{---} a_{\overline{n}|} \longleftarrow$$

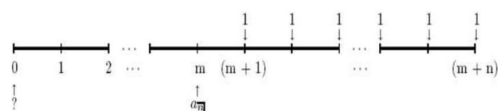
# GT – II ROK – ELEMENTY FLIPPED EDUCATION

30.11.2020

Deferred annuity

## 1. Evaluating the present value more than one period before the first payment date

Consider the question of finding the present value of an annuity-immediate with periodic interest rate  $i$  and  $m+1$  periods before the first payment date.

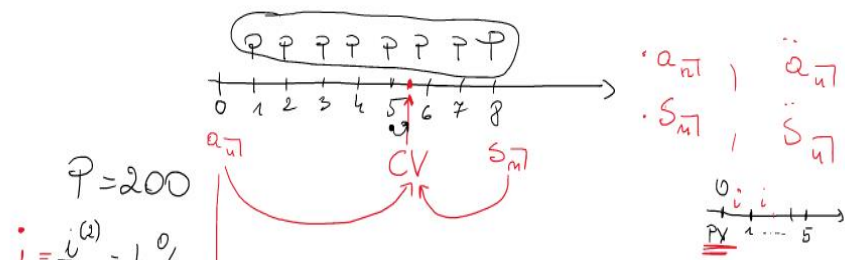


"?" - Present value

Present value of annuity  $a_{\overline{m}|}$  \_\_\_\_\_  
 $a_{\overline{m+n}|}$  \_\_\_\_\_  
 $v^m a_{\overline{m+n}|}$  \_\_\_\_\_

### Problem 17.1

For four years, an annuity pays \$200 at the end of each half-year with an 8% rate of interest convertible semiannually. Find the current value of the annuity three months after the 5th payment (i.e., nine months into year 3).



$P = 200$   
 $i = \frac{i^{(2)}}{2} = 4\%$   
 $v = \frac{1}{1+i}$

$a_{\overline{m}|} = \frac{1-v^m}{i}$   
 $PV = P \cdot a_{\overline{m}|}$

Accumulated value at time 5:  
 $PV \cdot (1+i)^5$   
 Accumulated value at time 5.5:  
 $PV \cdot (1+i)^5 \cdot (1+i)^{\frac{1}{2}}$

Ans: Current value at time 5.5 of annuity-immediate is  
 $P \cdot a_{\overline{m}|} \cdot (1+i)^{5\frac{1}{2}} = 200 \cdot \frac{1 - (\frac{1}{1+4\%})^8}{4\%} \cdot (1+4\%)^{5\frac{1}{2}} = 1670.73$

# FTIMS – II ROK – GAMIFIKACJA

## UMOWA O ROBOTY BUDOWLANE

Zawarta w Politechnice Łódzkiej dnia 14.10.2020 roku pomiędzy:

1. Firmą FTIMS Company Ltd. z siedzibą w Łodzi przy ul. Wólczańskiej 215, kod pocztowy 90-924, REGON nie dotyczy, NIP 123-456-78-90, wpisaną do rejestru przedsiębiorców prowadzonego przez Sąd Rejonowy w Łodzi Wydział Gospodarczy Krajowego Rejestru Sądowego, nr KRS  $\infty \pm \int x dx$ , o kapitale zakładowym w wysokości  $\pi^{16}$  złotych,

reprezentowaną przez

**Dziekana Wydziału FTIMS PŁ**  
(uprawnienie do reprezentacji)

zwaną dalej **Inwestorem**,

a

2. Firmą **STUDENTA** z siedzibą w Instytucie Matematyki przy ul. Wólczańskiej 215, kod pocztowy 90-924, NR ALBUMU ....., wpisaną do rejestru przedsiębiorców prowadzonego przez Wydział FTIMS w Łodzi o kapitale zakładowym w wysokości  $\pi^{160}$  złotych,

reprezentowaną przez

**prezesa firmy STUDENTA**  
(uprawnienie do reprezentacji)

zwaną dalej **Wykonawcą**.

## Aneks do umowy

Nr aktywności	Nazwa aktywności	Rodzaj aktywności	Liczba punktów gamifikacyjnych
1	Umowa budowlana	Przystąpienie do gamifikacji	10 punktów
2	Budowa kondygnacji oraz istotnych elementów konstrukcyjnych	Testy (5 szt)	0-20 punktów za każdy test Do każdego testu można podejść dwa razy w ustalonym czasie (liczba punktów = średnia arytmetyczna ze wszystkich podejść)
3	Ścianki działowe	Kartkówki (3 szt)	0-30 punktów za każdą kartkówkę Kartkówki mogą być przeprowadzane również w czasie wykładu
4	Biały montaż oraz wykończenie ścian i podłóg	Zadania dodatkowe (2 szt)	0-30 punktów za każde zadanie Zadania dodatkowe będą otwarte w terminach wybranych przez Studentów (większością głosów). Terminy otwarcia do wyboru: <ul style="list-style-type: none"> <li>• czwartek godz. 18-18:30</li> <li>• piątek godz. 20-20:30</li> <li>• niedziela godz. 10-10:30</li> </ul>
5	Rekuperacja oraz fotowoltaika	Ekstra zadania dodatkowe (turbo premie) (liczba szt. nieokreślona)	Punktacja szczególna
6	Wykończenie dekoracyjne wnętrz: malowanie ścian, dekoracje, nagłośnienie, itp.	Aktywność na ćwiczeniach np. współprowadzenie zajęć	Za aktywność na ćwiczeniach przyznawane będą dodatkowe cegiełki, które będzie można wymienić na wybraną akcję zabezpieczającą: <ul style="list-style-type: none"> <li>• w przypadku zaliczenia stacjonarnego zniesienie warunku koniecznego uzyskanie 6 punktów z części zadaniowej (ćwiczeniowej), a w przypadku zaliczenia zdalnego możliwość zniesienia jednego z warunków koniecznych: uzyskania 8 punktów z części zadaniowej (ćwiczeniowej) lub 11 punktów z części teoretycznej (wykładowej),</li> <li>• „dopytkę” z części zadaniowej (ćwiczeniowej) lub teoretycznej (wykładowej).</li> <li>• uzyskanie odpowiedzi do rozwiązywanych zadań ćwiczeniowych lub pytań wykładowych</li> </ul> Warunki wymiany: 5 cegiełek można wymienić na jedną z powyższych „uług”
7	Miękkie dekoracje	Małe premie	Premie przyznawane za wzięcie udziału w aktywnościach nr 1-5 (dodatkowe 2 punkty za udział w pojedynczej aktywności)

Klasyfikacja końcowa:

Poziom	Liczba punktów gamifikacyjnych
Level 1	10-50 punktów
Level 2	51-110 punktów
Level 3	111-190 punktów
Level 4	od 191 punktów

Warunki płaćcowe do zrealizowania po spełnieniu warunków zaliczenia zgodnie z „Karta warunków realizacji przedmiotu obowiązujących w roku akademickim 2020/2021” (wykład oraz ćwiczenia):

# FTIMS – II ROK – GAMIFIKACJA

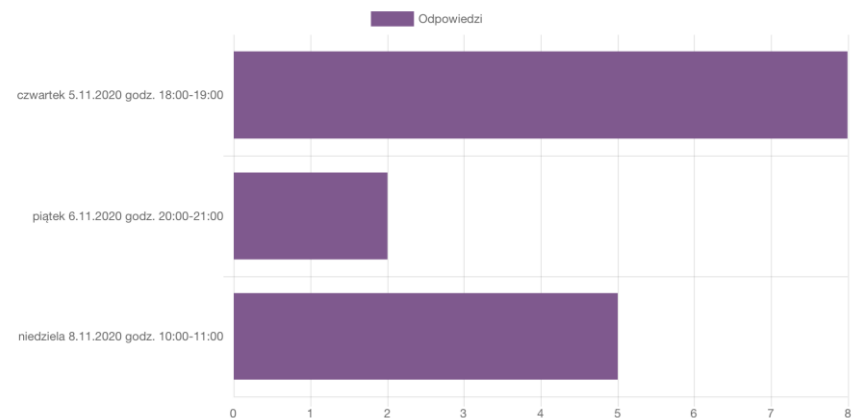
## Wybór terminu zadania dodatkowego nr 1

Widoczne grupy

Przejrzyj 15 odpowiedzi

Wybór terminu zadania dodatkowego nr 1 ( w dniach 5-8 listopada 2020)

Ta aktywność została zamknięta środa, 4 listopada 2020, 20:00 .



## Purchase of floor coverings, task no.1

Exercise 1. (max 10 points)



Floor covering No. 1 - floor board

Assume  $a(t) = (1+i)^t$  for  $i > 0$ . With  $i$  (an effective rate of interest) and  $d$  satisfying (an effective rate of discount), show that

$$\frac{d^3}{(1-d)^2} = \frac{(i-d)^2}{1-v}$$

Exercise 2. (max 10 points)



Floor covering No. 2 - carpet flooring

Assume  $a(t) = (1+i)^t$  for  $i > 0$ . With  $i$  (an effective rate of interest) and  $d$  satisfying (an effective rate of discount), check if the following equality is true

$$\frac{d}{di}(d) = v^2.$$

Remark: The left side of the equality denotes the derivative of  $d$  with respect to  $i$ .

### Exercise 1

$a(t) = (1+i)^t$  for  $i > 0$   
 We have to show that  $L = \frac{d^3}{(1-d)^2} = \frac{(i-d)^2}{1-v} = P$   
 $L = \frac{d^3}{(1-d)^2} = d \cdot \frac{d^2}{(1-d)^2} = d \cdot \left(\frac{d}{1-d}\right)^2 = d \cdot i^2 = \frac{d^2 i^2}{d} = \frac{(id)^2}{d} = \frac{(d-d)^2}{1-v} = P$   
 Thus, there is an equality between  $L$  and  $P$ .

### Exercise 2

$a(t) = (1+i)^t$  for  $i > 0$   
 $d = \frac{i}{i+1}$       $v^t = \frac{1}{(1+i)^t}$   
 We have to check if  $\frac{d}{di}(d) = v^2$ .  
 $\frac{d}{di}(d) = \left(\frac{i}{i+1}\right)' = \frac{(i)' \cdot (i+1) - i \cdot (i+1)'}{(i+1)^2} = \frac{1 \cdot (i+1) - i \cdot (1+0)}{(i+1)^2} = \frac{i+1-i-0}{(i+1)^2} = \frac{1}{(i+1)^2} = v^2$   
 Thus, there is an equality between  $\frac{d}{di}(d)$  and  $v^2$ .

# FTIMS – II ROK – GAMIFIKACJA

	Indeks	Zapisy	Test1	Za udział w test1	Zadanie dodatkowe 1	Za udział w zadanie dodatkowe 1	Test2	Za udział w test2	Turbo extra zadanie	Za udział w Turbo extra zadanie	Kartkówka nr1	Za udział w kartkówka nr1	Test3	Za udział w test3	Kartkówka nr2	Za udział w kartkówka nr2	Zadanie dodatkowe 1	Za udział w zadanie dodatkowe 1	Test4	Za udział w test4	Kartkówka nr3	Za udział w kartkówka nr3	Test5	Za udział w test5	Testy ćwiczeniowe	Suma	grupa	Test for lesson 5	Test for lesson 6	Test for lesson 7	Test for lesson 8	Test for lesson 10	Test for lesson no.12	Test for lesson no.13	Test for lesson no.14	Razem za testy lekcyjne	Dodatkowe punkty do pozytywnego końcowego zaliczenia
1	230058	10	20	2	30	2	20	2	0	2	22,5	2	20	2	15	2	22	2	20	2	0	2	20	2	26	247,5	1	4	4	4	2	3	3	2	4	26	4
2	230142	10	20	2	28	2	15	2	24	2	22,5	2	20	2	15	2	2	2	20	2	0	2	10	2	4	212,5	1	4							4	4	
3	232136	10	20	2	27	2	10	2			22,5	2	10	2	0	2			20	2	15	2			12	162,5	1	3	2	3	1	2	0	1	12	3	
4	230060	10	20	2	20	2	20	2			22,5	2	5	2	15	2					15	2			8	149,5	1	4	2		2				8	3	
5	230092	10	20	2	27	2	20	2	5	2			20	2	0	2	4	2	20	2	0	2	0	2	0	146	1	0				0			0	3	
6	230051	10	20	2	29	2	10	2																	8	83	1	3	1	2	1	1			8	2	
7	230121	10	20	2			20	2																	4	58	1	4	0						4	2	
8	179937;232140	10	15	2	30	2	10	2	48	2	30	2	20	2	0	2	30	2	20	2	30	2	20	2	26	311	2	4	4	4	1	3	3	2	5	26	4
9	232153	10	20	2	30	2	15	2	48	2	30	2	15	2	15	2	22	2	20	2	15	2	20	2	24	306	2	4	4	4	2	3	3	2	2	24	4
10	230103	10	20	2	22	2	20	2	26	2			20	2	30	2	22	2	10	2	0	2	15	2	24	239	2	4	3	4	2	2	3	2	4	24	4
11	230137	10			30	2	20	2	22	2			20	2	15	2	6	2	20	2	15	2	20	2	26	222	2	4	4	4	2	3	3	2	4	26	4
12	224336;232141	10	20	2	17	2	15	2			30	2	0	2	15	2	20	2	20	2	15	2	12,5	2	22	216,5	2	4	4	4	2	3	3	2	0	22	4
13	230116	10	15	2	28	2	20	2					10	2			15	2			0	2	20	2	15	147	2	4	4	2	2	3	0		15	3	
14	230144	10	15	2	10	2	20	2			22,5	2	0	2			17	2	10	2	0	2			9	129,5	2	3	0	2	1	3			9	3	
15	230133	10	10	2	30	2	10	2			15	2							10	2					0	95	2								0	2	
16	224582	10	20	2	30	2	0	2			15	2			0	2									0	85	2								0	2	
17	230135	10	20	2																					4	36	2	3	1						4	1	
18	227464		10	2																					0	12	2								0	1	

4 4 4 2 3 3 2 5 27



# ZALETY I WADY

- ⊕ Telefon komórkowy, komputer
- ⊕ Dostępność do zasobów 24h/dobę
- ⊕ Odpowiedzialność
- ⊕ .....
- ⊖ Wstyd
- ⊖ Brak komunikacji niewerbalnej
- ⊖ Tempo
- ⊖ .....



# DZIĘKUJEMY ZA UWAGĘ

Alina Kondratiuk-Janyska

Violetta Lipińska

